

C++ 小学组

1. 竞赛排名(rank)

题目描述:

阳光中学正在举办一年一度的数学竞赛。今年的竞赛吸引了 n 名学生参加，每名学生都有一个独特的编号(从 1 到 n)。比赛结束后，老师们需要根据学生的得分来确定最终排名。不过，学校的排名规则有点特殊:得分相同的学生会获得相同的名次，并且下一个名次会跳过相应的人数。例如，如果有两名学生并列第一，那么下一名学生的名次就是第三名，而不是第二名。

现在按顺序给定 n 名学生的编号和得分，请按同样顺序输出各学生的排名

输入输出格式

输入格式:

第一行包含一个整数 n ，表示参赛学生人数。

第二行包含 n 个整数，其中第 i 个数 a_i 表示编号为 i 的同学的得分。

输入:

第一行包含一个整数 n ，表示参赛学生人数。

第二行包含 n 个整数，其中第 i 个数 a_i 表示编号为 i 的同学的得分。

输出:

输出 n 行，第 i 行输出编号为 i 的学生的最终名次。

输入样例 1:

4

3 12 9 9

输出样例 1:

4

1

2

2

输入样例 2:

3

3 6 9

输出样例 2:

3

1

2

输入样例 3:

4

100 100 100 100

输出样例 3:

1

1

1

1

用时/内存:

1000MS/512MB

```

#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n;
int a[100005];
int b[100005];
int main()
{
    scanf("%d",&n);
    for(int i=1;i<=n;i++){
        scanf("%d",&a[i]);
        b[i]=a[i];
    }
    sort(a+1,a+n+1);
    reverse(a+1,a+n+1);
    for(int i=1;i<=n;i++){
        int l=1,r=n;
        int m=0;
        int pos=0;
        while(l<=r){
            m=(l+r)/2;
            if(a[m]==b[i]){
                pos=m;
                r=m-1;
            }
            else if(a[m]>b[i]){
                l=m+1;
            }
            else{
                r=m-1;
            }
        }
        printf("%d\n",pos);
    }
    return 0;}

```

2. 宝藏(treasure)

题目描述:

在遥远的古代，有一个隐藏在密林深处的宝藏。宝藏的入口处有两块古老的石碑，每块石碑上面各刻着一组神秘的数字序列。只有从小到大输入两块石碑都有的数字(重复的数字也需要输出)，才能打开宝藏的大门。聪明的探险家们，你们能解开这个谜题，找到宝藏吗？

输入：

第一行两个正整数 n, m 分别表示两块石碑上数字序列的长度。

第二行 n 个整数表示第一块石碑上的数字序列 A 。

第三行 m 个整数表示第二块石碑上的数字序列 B 。

输出：

一行，从小到大输出两块石碑都有的数字(重复的数字也要输出)。

数据保证至少存在一个数字在两块石碑的数字序列中均出现。

输入样例 1：

4 5

4 2 5 2

2 1 9 2 4

输出样例 1：

2 2 4

输入样例 2：

5 5

1 2 3 4 5

1 1 1 1 1

输出样例 2:

1

补充说明

【样例说明】

样例一:两个序列均出现了 2 个 2,1 个 4 , 故输出 2 2 4

样例二:两个序列均出现了 1 个 1 , 故输出 1。

【数据范围】

对于 30% 的数据 , $n, m \leq 10$, $1 \leq a[i], b[i] \leq 10$;

对于 60% 的数据 , $n, m \leq 1000$, $1 \leq a[i], b[i] \leq 1000$

对于 100% 的数据 , $n, m \leq 1e5$, $1 \leq a[i], b[i] \leq 1e9$

用时/内存:

1000MS/512MB

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n,m;
int a[100005],b[100005];
int r[100005],t=0;
int main(){
    cin>>n>>m;
    for(int i=1;i<=n;i++)
        cin>>a[i];
    for(int i=1;i<=m;i++)
        cin>>b[i];
    sort(a+1,a+1+n);
```

```

sort(b+1,b+1+m);
int i=1,j=1;
while(i<=n && j<=m){
    if(a[i]<b[j]){
        i++;
    }else if(a[i]>b[j]){
        j++;
    }else{
        r[++t]=a[i];
        i++;
        j++;
    }
}
for(int i=1;i<=t;i++)
    cout<<r[i]<<' ';
return 0;
}

```

3.破损的石板铭文(stone)

题目描述:

考古队在遗迹中发现了一块刻有 n 个数字的古老石板。据文献记载，这块石板原本是一句“回文神谕”(即正着读和反着读都一样的序列)。

然而由于风化，石板上混入了一些杂质数字。好在这些杂质数字非常特殊:它们全部都是同一种数字 x ，你可以选择这种数字 x ，并将石板上任意数量(零个、部分或全部)的该数字清除。

如果清除掉这些杂质后，剩下的数字能组成一句回文神谕，这块石板就被称为“圣物”。例如:[3,1,2,3,1]这块石板就是圣物。把里面的 3 全部删除，剩下的数[1,2,1]就是一个回文神谕。

[1,4,4,4,1]这块石板也是圣物。可以选择只删除中间的 4，剩下的[1,4,4,1]组成一个“回文神谕”

[1.2.1]也是圣物。它本身就是一个回文数组；

[1.2.3]不是圣物。请你判断，眼前的这块刻有几个数字石板 a 是否是传说中的圣物？

输入：

输入共 2 行。第一行一个数字 n ，表示序列的长度。

第二行 n 个数字，表示石板 a 上刻的 n 个数字

输出：

如果 a 是圣物，输出 YES；否则，输出 NO。

输入样例 1：

5

1 4 4 1 4

输出样例 1：

YES

输入样例 2：

6

1 5 3 2 4 1

输出样例 2：

NO

数据范围

对于 40% 的数据， $1 \leq n \leq 2000, 1 \leq a \leq n$

对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 2 \times 10^5, 1 \leq a \leq n$

用时/内存:

1000MS/512MB

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int MAXN = 2e5+50;
int n;
int a[MAXN];
signed main() {
    cin >> n ;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        cin >> a[i];
    }
    int l = 1, r = n;
    while (a[l] == a[r]) {
        l++;
        r--;
    }
    if (l >= r) {
        cout << "YES";
        return 0;
    }
    int t1 = a[l];
    int t2 = a[r]; l = 1, r = n;
    bool f1 = 1, f2 = 1;
    while (l < r) {
        if (a[r] == t1) r--;
        else if (a[l] == t1) l++;
        else if (a[l] == a[r]) l++, r--;
        else {
            f1 = 0;
            break;
        }
    }
    l = 1, r = n;
    while (l < r) {
        if (a[r] == t2) r--;
        else if (a[l] == t2) l++;
    }
```

```
        else if (a[l] == a[r]) l++, r--;
        else {
            f2 = 0;
            break;
        }
    }
    if (f1 == 0 && f2 == 0) {
        cout << "NO";
    }
    else {
        cout << "YES";
    }
}
```

4.巧克力礼盒(chocolate)

题目描述:

甜品店老板有 n 块印有小写字母的巧克力，现在他想选择一些巧克力分装到 k 个精美的礼盒中送给顾客(不必将 n 个巧克力全部分装到 k 个盒子中)。

老板是个完美主义者，他要求:

- 1、每个礼盒里的巧克力字母经过排列后，必须是一个回文串。
- 2、所有的 k 个礼盒都必须至少分到一块巧克力。
- 3、为了公平起见，老板希望这 k 个礼盒中，含巧克力块数最少的礼盒，其数量也要尽可能地多。

你能帮老板算出，这个“最少块数”的最大值是多少吗?

补充说明:回文串是正读和反读都一样的字符串。比如:abcba 是回文串，abc 不是。

输入:

输入共 2 行。

第一行两个数字 n 和 k ，表示印有小写字母的巧克力的块数和礼盒个数。

第二行一个长度为 n 的字符串，该字符串只包含小写字母，表示 n 个印有小写字母的巧克力。

输出：

一行一个整数，表示含巧克力块数最少的礼盒的最多数量。

输入样例 1：

8 2

bxyaxzay

输出样例 1：

6 3

输入样例 2：

Wwfyfy

输出样例 2：

2

补充说明

【样例说明】

在样例一中， $s="bxyaxzay"$ ， $k=2$ 。一种可行的分配方案如下： $bxyaxzay$ (字母 z 的巧克力没有被装到盒子里)，染色后

交换第一个盒子的两个字符(下标 1 和 4)，得到 $axybxzay$

交换第二个盒子的两个字符(下标 5 和 8)，得到 $axybyzax$

现在，对于每个盒子，从左到右写出对应的字符，得到两个字符串 `aba` 和 `xyyx`。它们都是回文串，最短的长度为 3。可以证明、最短回文串的最大长度无法超过 3

【数据范围】

对于 10% 的数据， $K=1$

另外存在 10% 的数据， $k=n$

另外存在 10% 的数据，保证 n 个巧克力只印有一种字母

对于 100% 的数据， $1 \leq k \leq n: 2 \cdot 10^5$ ，字符串只有小写字母组成

用时/内存:

1000MS/512MB

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int MAXN = 2e5+50;
int n, k, sum, ans;
int a[250];
signed main() {
    cin >> n >> k;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        char c;
        cin >> c;
        a[c]++;
    }
    for (int i = 'a'; i <= 'z'; i++) {
        sum += a[i] / 2;
        ans += a[i] % 2;
    }
    int res = sum / k;
    ans += (sum % k) * 2;
    res *= 2;
    if (ans >= k) res++;
}
```

```
cout << res;  
}
```

5. 自习室的节能灯(light)

题目描述:

小明在自习室看书，自习室的灯被系统设定为在 0 时开启，m 时准时关闭。系统还预设了 n 个自动切换状态的时间点。

小明发现，只有在灯亮着的时候他才能专注看书。

幸运的是，控制面板出了一个小故障，允许小明在剩余的空闲时间点中，额外手动按下一次开关(最多只能一次)。当然，小明也可以选择不按下开关,这一按会改变之后所有的灯光状态。

小明想尽可能多地争取看书时间。请你计算，如果小明采取最佳策略，最多能让灯亮多长时间？

输入:

第一行两个整数，n,m;

以下一行有 n 个整数，即改变时间点

输出:

一个整数，即最大亮着的时间

输入样例 1:

3 10

4 6 7

输出样例 1:

8

输入样例 2:

2 12

1 10

输出样例 2:

9

补充说明

【样例说明】

样例一中，在 5 时刻改变一次灯的状态，此时灯在 0-4,5-6,7-10 这三个时间段是开着的，总时长是 $4+1+3=8$

样例二中，在 2 时刻改变一次灯的状态，此时灯在 0-1,2-10 这两个时间段是开着的，总时长是 $1+8=9$

【数据范围】

对于 30% 的数据： $1 \leq n \leq 1000$ ；

对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 10^5, 1 \leq m \leq 10^9$ 。

用时/内存:

1000MS/512MB

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int MAXN = 2e5+50;
int n, m, cnt_odd, cnt_cap;
int a[MAXN], c[MAXN], odd[MAXN], cap[MAXN];
```

```

signed main() {
    cin >> n >> m;
    for (int i = 1 ; i <= n; i++) {
        cin >> a[i];
    }
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        c[i] = a[i] - a[i - 1];
    }
    c[n + 1] = m - a[n];
    for (int i = 1; i <= n + 1; i++) {
        if (i % 2 == 1) odd[i] = c[i] + odd[i - 1], cap[i] = cap[i - 1];
        else cap[i] += c[i] + cap[i - 1], odd[i] = odd[i - 1];
    }
    int ans = odd[n + 1];
    for (int i = 1; i <= n + 1; i++) {
        if (c[i] <= 1) continue;
        int res = odd[i - 1];
        res += cap[n + 1] - cap[i];
        res += c[i] - 1;
        ans = max(ans, res);
    }
    cout << ans;
}

```

6.外卖员的电量管理(energy)

题目描述:

外卖员 小 Z 接到了一个长街任务，街上有 n 个配送点。第 i 个配送点会消耗电动车 a_i 的电量。小 Z 可以选择从第 l 个点开始工作，一直到第 r 个点结束。

车的电瓶有一个特殊的“自动过热保护”机制:初始过热值 $g=0$ 。

每经过一个配送点，过热值 g 增加 a_i 。

如果 g 严格大于安全阈值 x ，保护系统会强制关机冷却，过热值 g 瞬间重置为 0 。

为了保证效率，小 Z 希望工作结束时，车子仍处于“热机”状态(即 $g > 0$)以便继续前往下一条街。

请问有多少种 $[l, r]$ 段落，能让他在完成任务后过热值 g 不为 0？

输入：

第一行包括两个整数 n, x , 分别表示有 n 个配送点和安全阈值 x ;

第二行包括 n 个整数，依次表示 $a_1, a_2 \dots a_n$ 。

输出：

对于每个测试用例，输出一个整数，即符合题目条件的方案数。

输入样例 1：

4 2

1 1 1 1

输出样例 1：

8

输入样例 2：

6 3

1 2 1 4 3 8

输出样例 2：

10

补充说明

【样例说明】

样例一中，满足条件的 $(1, r)$ 有 $(1.1).(1.2).(1.4).(2.2).(2.3).(3.3).(3.4).(4.4)$;

【数据范围】

对于 30% 的数据： $1 \leq n \leq 100$;

对于 100% 的数据， $1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$, $1 \leq x \leq 10^9$, $1 \leq a_i \leq 10^9$

用时/内存:

1000MS/512MB

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int MAXN = 2e5 + 50;
long long n, x, ans;
long long s[MAXN];
long long dp[MAXN];

signed main() {
    cin >> n >> x;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        long long v;
        cin >> v;
        s[i] = s[i - 1] + v;
    }
    for (int i = n; i >= 1; i--) {
        long long target = s[i - 1] + x;
        int idx = upper_bound(s + 1, s + n + 1, target) - s;

        if (idx <= n) {
            dp[i] = 1 + dp[idx + 1];
        } else {
            dp[i] = 0;
        }
        ans += dp[i];
    }
    cout << n * (n + 1) / 2 - ans << endl;
```

```
return 0;  
}
```